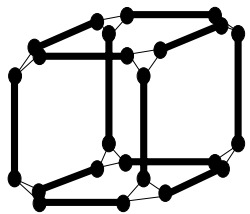
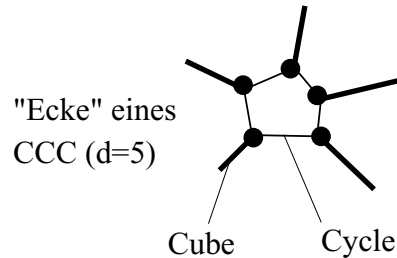
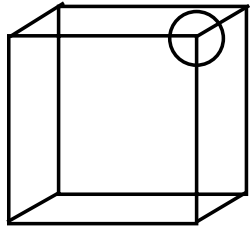


# Cube Connected Cycles (CCC)

d-dimensionaler Hypercube mit aufgeschnittenen Ecken, die durch Gruppen von d ringförmig verbundenen Knoten ersetzt sind.



Beachte: Jeder Knoten hat immer *drei* Anschlüsse!

Bei Dimension d:  $n = d \cdot 2^d$

Maximale / mittlerer Weglänge? Denkübung!  
(wieso  $< 2d$  ?)

Anzahl der Verbindungen =  $3n / 2$   
(statt  $O(n \log n)$  wie beim Hypercube)

Es gibt viele weitere Verbindungstopologien...  
(z.B. de Bruijn Graphen)

# Zufallstopologien (mit max. Grad = 4)

Verfahren A:

- 1) Starte mit einem Graphen ohne Kanten.
- 2) Wähle zwei zufällige Knoten, die noch weniger als 4 Kanten haben, und verbinde diese.
- 3) Wiederhole Schritt 2 solange wie möglich.
- 4) Falls ein unzusammenhängender Graph entsteht, beginne von vorne.

Verfahren B ("greedy graphs"):

Motivation:  
Kurze Zyklen vermeiden

- 2) Wähle zwei bel. Knoten *mit maximaler Entfernung* (einschliesslich  $\infty$ ), die noch weniger als 4 Kanten haben, und verbinde diese.

Wie gut sind diese Zufallsgraphen bzgl. mittlerer Knotenentfernung und Routingbelastung?

Verzögerungszeiten,  
Routingoverhead

Bottleneck

Bem.: Explizites Routing nötig!

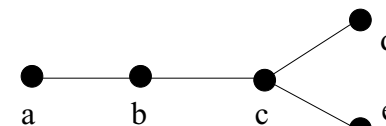
*Routing-Belastung eines Knotens:*

Zahl von Routen, die durch den Knoten gehen

*Routing-Belastung einer Verbindung:*

Zahl von Routen, die durch die Verbindung gehen

Beispiel:



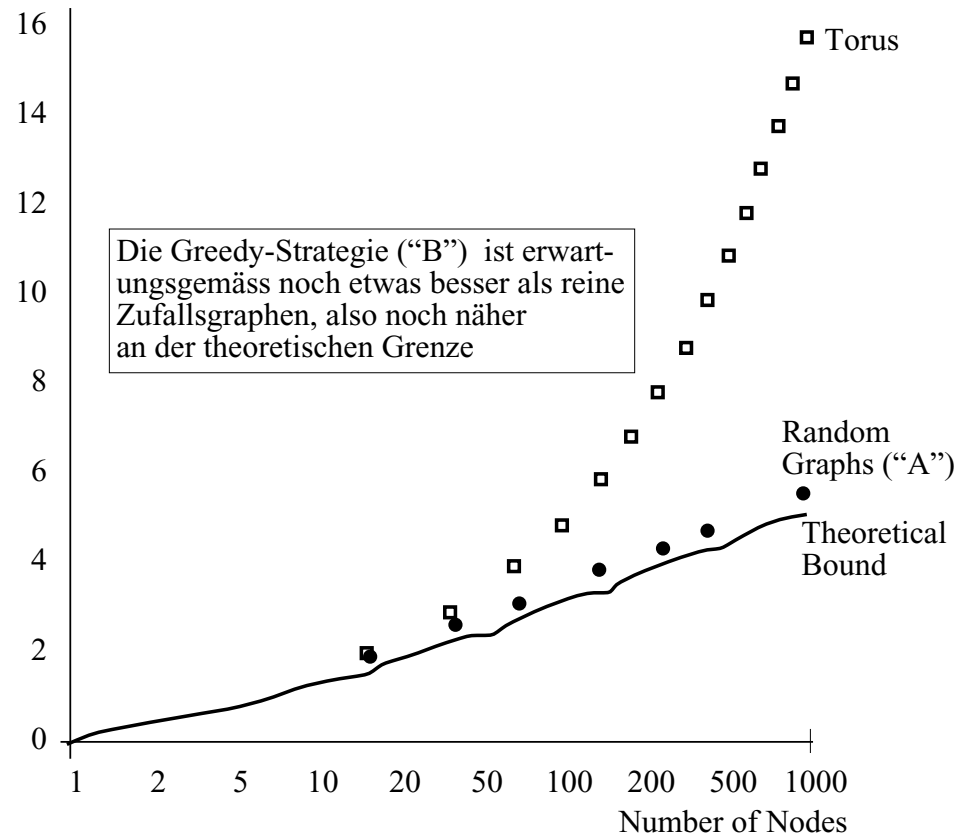
10 Routen von 20 gehen durch c

12 Routen von 20 gehen durch bc

# Mittlerer Knotenabstand

- Für Knoten mit Grad 4
- Untersucht von D. Prior, Edinburgh

Mean Internode Distance

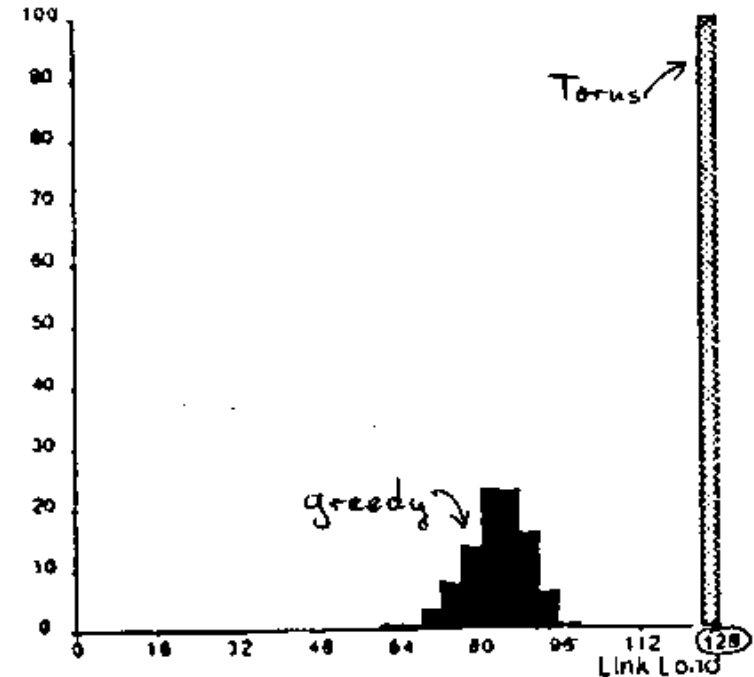


Die Greedy-Strategie ("B") ist erwartungsgemäss noch etwas besser als reine Zufallsgraphen, also noch näher an der theoretischen Grenze

# Link Loads for 100 Processors

- Wenn jeder mit jedem anderen kommuniziert: ca.  $100^2$  Nachrichten (auf kürzesten Pfaden)
- $10 \times 10$ -Torus: mittlere Entfernung = 5  
 → Jede Nachricht benutzt im Mittel 5 links.  
 Bei  $100^2$  Nachrichten, 400 links → 125 Nachrichten / link

Percentage of Links



Man lese zu den Untersuchungen zu Zufallstopologien folgenden Artikel:  
 D. M. N. Prior, M. G. Norman, N. J. Radcliffe, L. J. Clarke: *What Price Regularity?*, Concurrency, Practice and Experience, Vol 2 No 1, pp. 55-78, 1990