

Übungsserie Nr. 1

Ausgabe: 26. Februar 2014
Abgabe: 05. März 2014

Unterlagen

Für diese Serie benötigen Sie das Archiv
<http://vs.inf.ethz.ch/edu/FS2014/I2/downloads/u1.zip>

1. Aufgabe: (4 Punkte) Altägyptische Multiplikation

In der Vorlesung wurde die Korrektheit des altägyptischen Multiplikationsschemas für alle $a, b \in \mathbb{N}^+$ mittels Induktion über b bewiesen.

(1a) (1 Punkt) Könnte man die Korrektheit auch durch Induktion über a zeigen? Geben Sie eine Begründung für Ihre Antwort.

(1b) (1 Punkt) Beweisen Sie, dass der Algorithmus für alle erlaubten Eingabewerte terminiert.

(1c) (2 Punkte) Wie sind der *Korrektheitsbeweis* und der *Terminierungsbeweis* (aus Aufgabe 1b) zu ändern, wenn das Programm auf Seite 16 (Folie 53) des Skripts so modifiziert wird, dass es statt

```
if (b == 1) return a;
```

heisst:

```
if (b == 0) return 0;
```

2. Aufgabe: (6 Punkte) Laufzeitkomplexität

In der Vorlesung wurden folgende Methoden eines funktionalen Programms diskutiert:

```
static boolean gerade(int x) {
    if (x == 0) return true;
    return !gerade(x-1);
}

static int verdopple(int x) {
    if ( x == 0 ) return 0;
    return 2 + verdopple(x-1);
}

static int halbiere(int x) {
    if (x == 0) return 0;
    if (x == 1) return 0;
    return 1 + halbiere(x-2);
}

static int f(int a, int b) {
    if (b == 0) return 0;
    if (gerade(b)) return f(verdopple(a), halbiere(b));
    return a + f(verdopple(a), halbiere(b));
}
```

(2a) (1 Punkt) Wie oft rufen sich die Methoden *gerade*, *verdopple* und *halbiere* bei Eingabe eines Wertes x jeweils selbst rekursiv auf?

(2b) (2 Punkte) Wie viele Aufrufe der drei Methoden gibt es insgesamt in Abhängigkeit von a und b bei **einem** Aufruf von f ? Ignorieren Sie dabei, dass f sich selbst rekursiv aufruft.

(2c) (3 Punkte) Nun sollen Sie berücksichtigen, dass $f(a, b)$ wiederum $f(2a, b/2)$ aufruft bis die Bedingung $(b == 0)$ zu **true** ausgewertet wird. Geben Sie die Gesamtzahl aller Methodenaufrufe in Abhängigkeit von a und b unter Vernachlässigung von Rundungsfehlern an.

Hinweis: Stellen Sie zunächst durch schrittweises Aufrufen von f eine Reihe auf, welche die Zahl der Methodenaufrufe nach k Rekursionsschritten darstellt.

3. Aufgabe: (6 Punkte) Überprüfung von Benutzereingaben

Im Skript auf Seite 20 (Folie 62) wird der gültige Wertebereich für die Parameter der altägyptischen Multiplikation bewusst auf die positiven ganzen Zahlen beschränkt. Die Implementierung auf der darauffolgenden Folie überprüft diese Einschränkung allerdings nicht. Bei einer versehentlichen Fehlbedienung ist daher unklar, was geschieht. Um eine solche Situation zu vermeiden, sollte eine gute Implementierung Eingaben auf ihre Gültigkeit hin überprüfen und ggf. angemessen reagieren.

Im Paket `ula3` befindet sich die Klasse `Mult` mit der bekannten Implementierung der altägyptischen Multiplikation in der privaten Funktion `f`. Die öffentliche Funktion `mult` ist dazu gedacht, die Eingaben zu überprüfen und nur gültige Werte an `f` weiter zu geben.

(3a) (2 Punkte) Erweitern Sie die Funktion `mult`, so dass beide Parameter auf ihre Gültigkeit hin untersucht werden. Bei ungültigen Parametern soll die Funktion eine `IllegalArgumentException` auslösen.

(3b) (2 Punkte) Die Implementierung von `f` enthält einen Fehler. Finden Sie diesen mit Hilfe der mitgelieferten Tests und korrigieren Sie ihn.

(3c) (2 Punkte) Neben der definierten Reaktion auf ungültige Eingaben braucht es eine entsprechende Dokumentation, damit man die gültigen Werte nicht aus dem Code herauslesen muss. Java bietet für diesen Zweck Javadoc¹.

Dokumentieren Sie die Funktion `mult` an der richtigen Stelle mit Javadoc. Es muss dabei klar werden, was die Funktion berechnet, welche Parameter mit welchen Wertebereichen erwartet werden, was die Funktion zurück gibt und wann sie welche Ausnahmen auslöst. Für diese Informationen gibt es entsprechende Javadoc-Schlüsselwörter. Hinweis: Ihre Java-Entwicklungsumgebung bietet Ihnen sehr wahrscheinlich Unterstützung beim Schreiben von Javadoc an.

Geben Sie ein Archiv des Pakets `ula3` mit Ihren Änderungen bei Ihrem Tutor ab.

¹Mehr Details zu Javadoc findet Ihr hier: www.drjava.org/docs/user/ch10.html und hier: www.oracle.com/technetwork/java/javase/documentation/index-137868.html