

Resümee der Vorlesung

1

Resümee – Ziele der Vorlesung

- *Primär: Informatik-Grundbegriffe*
 - Konzepte, Modelle, Problemlösungstechniken
 - Algorithmen und Datenstrukturen
- *Sekundär: Programmieren*
 - Java
- *Auch: Techniken für qualitativ hochwertige Software*
 - Strukturen (Objektorientierung...)
 - Qualitätsmerkmale
 - Korrektheit

2

Methode

- Verzahnte und verwobene Einführung programmiersprachlicher Konstrukte und konzeptioneller Aspekte
- *Die gleichzeitige Einführung einer Programmiersprache und von Informatik-Grundkonzepten gelingt nicht immer ganz glatt - z.B. muss gelegentlich die Darstellung eines konzeptionellen Aspektes unterbrochen werden, um ein programmiersprachliches Konstrukt einzuführen - doch überwiegen wohl die Vorteile gegenüber einer völlig getrennten Behandlung deutlich.*
- Programmbeispiele sollen gleichzeitig Informatikkonzepte illustrieren / implementieren und programmiersprachliche Konstrukte einführen

3

Konzepte

Java

Korrektheitsnachweis (Invarianten und vollst. Indukt.)
Robustes Programmieren

Bäume
Syntaxdiagramme
Rekursiver Abstieg
Infix, Postfix, Operatorbaum, Stack
Codegenerierung, Compiler, Interpreter

Verzahnte und verwobene Einführung konzeptioneller Aspekte und programmiersprachlicher Konstrukte

Polymorphie

Suchbäume, Sortieren
Backtracking
Spieltheorie, Minimax, AlphaBeta
Rekursives Problemlösen
Effizienz, O-Notation
Simulation (zeitgesteuert, ereignisgesteuert)
Heap, Heapsort
Pseudoparallelität

Java: C-Level
Java-Klassen als Datenstrukturen
Dynamische Klassen und Referenzen

Java-VM als Bytecode-Interpreter
Pakete
Klassenhierarchie

Abstrakte Klassen
Exceptions

Programmbeispiele dienen gleichzeitig der Einführung programmiersprachlicher Konstrukte und der Illustration von Informatikkonzepten

Threads in Java

4

Resümee (1)

- Algorithmus „altägyptische Multiplikation“
 - Verdoppeln und Halbieren ohne Rest
- **Rekursion**: Reduktion auf eine einfachere Instanz des gleichen Problems
 - Algorithmus als rekursives **Java-Programm**
- **Korrektheitsnachweis** $\forall a, b \in \mathbb{N}^+ : f(a, b) = a \times b$ mit vollst. Induktion (über b)
- Fehlerhaftes Verhalten
 - Z.B. **Stack-Überlauf** bei Eingabe $b=0$
 - Robustes Programmieren durch Ausnahmebehandlung (**Exceptions**) mittels **try** und **catch**
- Multiplikationsalgorithmus **iterativ** (while-Schleife)
 - Verifikation mittels **Invarianten**

$$f(a,b) = \begin{cases} a & , \text{ falls } b = 1 \\ f(2a, b/2) & , \text{ falls } b \text{ gerade} \\ a + f(2a, \frac{b-1}{2}) & , \text{ sonst} \end{cases}$$

a	b
6	9
12	4
24	2
48	1
54	

5

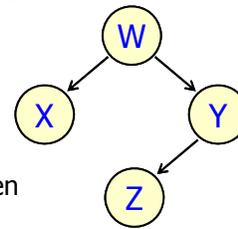
Resümee (2)

- **Effizienz** des (rekursiven) Multiplikationsalgorithmus
 - Zählen von Elementaroperationen: insgesamt weniger als $5 \log_2 b$
 - Vergleich der „altägyptischen Methode“ mit der Schulmethode
- **Elementare Berechnungsoperationen**
 - *gerade, halbiere, verdopple,...* rekursiv implementierbar
 - sogar *decrement* mittels *increment*
- **Funktionales Programmieren**
 - Keine Variablen und Zuweisungen
- **Java**
 - Bytecode, Applets
 - Programmstruktur
 - Einfache Datentypen
 - Arrays
 - Typkonversion
 - Hüllenklassen
 - Ein- und Ausgabe
 - Strings

6

Resümee (3)

- Java: **Klassen als Datenstrukturen**
 - Beispiel-Klasse „Datum“ (mit Methoden „frueher_als“, „gleich“...)
 - this
 - Instanzen- / klassenbezogene („static“) Variablen und Methoden
 - Zugriffseinschränkungen, information hiding („public“, „private“)
- Java: **Dynamische Klassen** („Instanzen“) und **Referenzen**
 - Erzeugen von Objekten: „new“; überladene Konstruktoren
 - Zuweisung und Vergleich („==“) von Referenzen
 - Alias-Effekt
- **Bäume**
 - Definition, Charakterisierung
 - Wurzelbaum
 - Verschiedene Darstellungen von Wurzelbäumen
 - Binärbaum in Array-Repräsentation



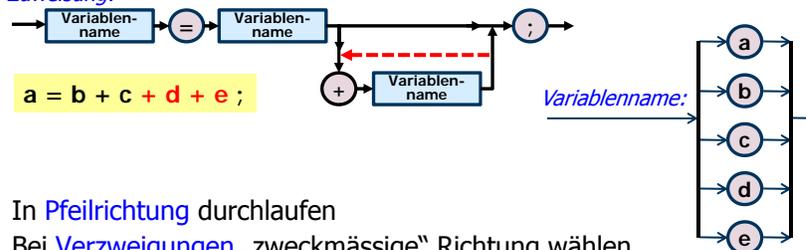
7

Resümee (3b)

▪ Syntaxdiagramme

- Generierung ausschliesslich syntaktisch korrekter Programme

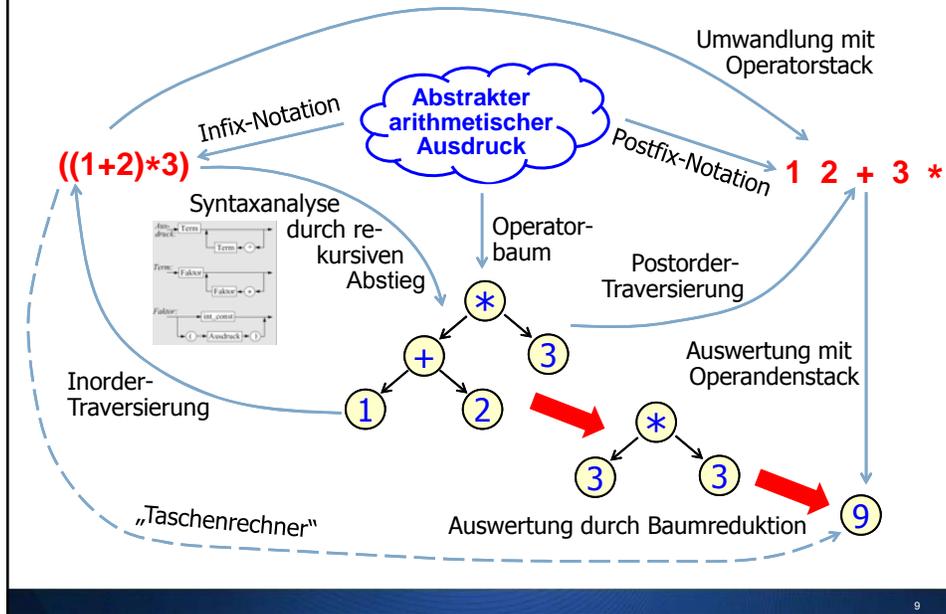
Zuweisung:



- In **Pfeilrichtung** durchlaufen
- Bei **Verzweigungen** „zweckmässige“ Richtung wählen
- Durchlaufene **Terminalsymbole** aufschreiben
- Wenn ein **Nicht-Terminal** getroffen wird, in das zugehörige Teildiagramm „abtauchen“ und nach dem „Auftauchen“ weitermachen

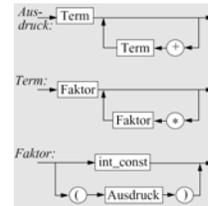
8

Arithmetische Ausdrücke – Überblicksgemälde



Resümee (4)

- **Syntaxanalyse durch rekursiven Abstieg**
 - Parser als Implementierung von Syntaxdiagrammen
 - Erzeugen von Syntaxbäumen
- **Auswertung von Syntaxbäumen** (Operatorbäumen)
- Traversieren von Bäumen in **inorder** und **postorder**
 - Liefert bei Operatorbäumen den Ausdruck in Infix- bzw. Postfixnotation
- **Stacks**: Implementierung und Anwendungen
 - Transformation **infix** \rightarrow **postfix**
 - **Auswertung** von **Postfix-Ausdrücken**



Resümee (5)

- **Klammerchecker**: Blockstruktur-Analyse von Programmen mittels eines Stack

```
(1+2) * 3
push(1)
push(2)
plus
push(3)
mult
```

```
1 { ...
2 ...
3 { ...
4 { ...
5 }
6 { ...
7 }
8 }
9 }
```

- Arithmetische **Infix-Ausdrücke**
 - **Codegenerierung** für eine Stackmaschine
 - **Interpreter** (→ „Taschenrechner“)

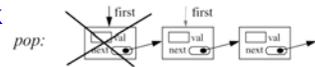
```
while (c == '+') { ...
  stk.push(stk.pop()
  + stk.pop());
}
```

- **Übersetzung von Java nach Bytecode**
 - Java-VM als Bytecode-Interpreter

```
0 iconst_5
1 istore_1
2 bipush 7
4 istore_2
5 iload_2
6 iload_1
7 iadd
```

- **Pakete** in Java

- Beispiel **verkettete Liste / Stack**



11

Resümee (6)

- **Pakete** in Java: Beispiel **Bruchrechnung**
- **Klassenhierarchie** / objektorientiertes Programmieren

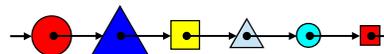
```
import bruchPak; ...
a = b.plus
    (new Bruch(1, 8));
```

- Klassifizierung, abgeleiteter Klassen, Vererbung
- Zuweisungskompatibilität von Variablen verschiedener Hierarchiestufe
- Zugriff auf Attribute und Methoden abgeleiteter Klassen

- **Abstrakte Klassen** und abstrakte Methoden

- **Polymorphie**

- Beispiel: polymorphe Listen



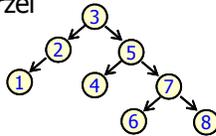
- **Generische** (d.h. typunabhängige) **Algorithmen**

- **Sortierverfahren** für beliebige total geordnete Objekte, z.B.:
 - 1) Sortieren von Zahlen
 - 2) Sortieren von „Studi“-Objekten
 - 3) Sortieren geometrischer Objekte nach Flächenwert

12

Resümee (7)

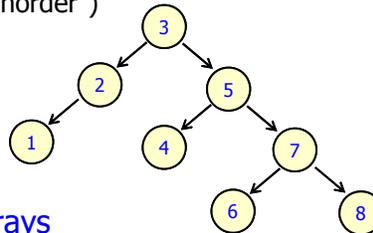
- Java: **Mehrfachvererbung** und **Interfaces**
- **Exceptions**
 - try, catch, throw
 - Definieren eigener Ausnahmen
- **Bäume als Zeigergeflechte** („Referenzstrukturen“)
- **Binäre Suchbäume**
 - Definition rekursiv: Werte im linken Unterbaum kleiner, im rechten grösser als Wurzel
 - Einfügen
 - Suchen
 - Löschen



13

Resümee (8a)

- **Binäre Suchbäume**
(rekursiv: Werte im linken Unterbaum kleiner, im rechten grösser als Wurzel)
 - Symmetrisches Traversieren („inorder“)
 - Sortieren mit Suchbäumen
($n \log n$ Schritte im Normalfall)
- **Binärsuche auf sortierten Arrays**
 - Iterativer bzw. rekursiver Algorithmus
 - Fortgesetzte Intervallhalbierung
 - Suchaufwand: $\log n$
 - Korrektheit: Terminierung sichergestellt?



14

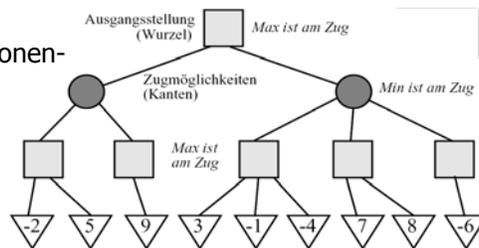
Resümee (8b)

- **Backtracking**
 - Systematisches Durchmuster eines Problembereichs
 - Beispiel: n-Damen-Problem
- **Computerschach und andere Computerspiele**
 - kurzer historischer Rückblick
- **Spieltheorie**

15

Resümee (9a)

- **Spieltheorie**
 - Endliche strategische 2-Personen-Nullsummenspiele mit vollständiger Information
 - Spielbäume
 - Strategien
 - Auszahlungsmatrix



$$\begin{array}{c}
 \Sigma' \text{ (Min)} \left\{ \begin{array}{l} \sigma'_1 \\ \sigma'_2 \\ \vdots \\ \sigma'_m \end{array} \right. \left| \begin{array}{l} \sigma_1 \ \sigma_2 \ \dots \ \sigma_n \leftarrow \Sigma \text{ (Max)} \\ \text{Werte der} \\ \text{Auszahlungs-} \\ \text{funktion} \\ A[\sigma, \sigma'] \end{array} \right.
 \end{array}$$

16

Resümee (9b)

- **Optimale Strategie**, Gewinnstrategie, Gewinnstellung
- **Minimax-Prinzip**
 - Garantierter Mindestgewinn
 - Analogie zur Auswertung von Operatorbäumen von Ausdrücken
- **Auswertung von (partiellen) Spielbäumen**
 - Tiefensuche, Breitensuche, Bestensuche
- **α - β -Algorithmus**
 - Schnitte (Verallgemeinerung der Shortcut-Operatoren '&&', '| |')
 - α - β -Schranken
 - Effizienz
- **Optimierte Spielbaumanalyse**
 - Spekulative Suchfenster, last move improvement, Nullfenster

17

Resümee (10)

- **Rekursives Problemlösen**
 - „Türme von Hanoi“-Spiel
 - „Divide et impera“-Paradigma
- **Mergesort** (als Anwendung von „divide et impera“)
 - Bottom-up / top-down
 - Mit array bzw. verketteter Liste
 - Zeitaufwand proportional zu $n \log n$
- **Aufwand von Algorithmen**
 - O-Notation, asymptotische Zeitkomplexität
 - O(...)-Beispiele aus Algorithmen der Vorlesung
 - Komplexitätsklassen $O(f(n))$
 - Beispiel: Beweis für Zeitkomplexität $O(n \log n)$ bei mergesort

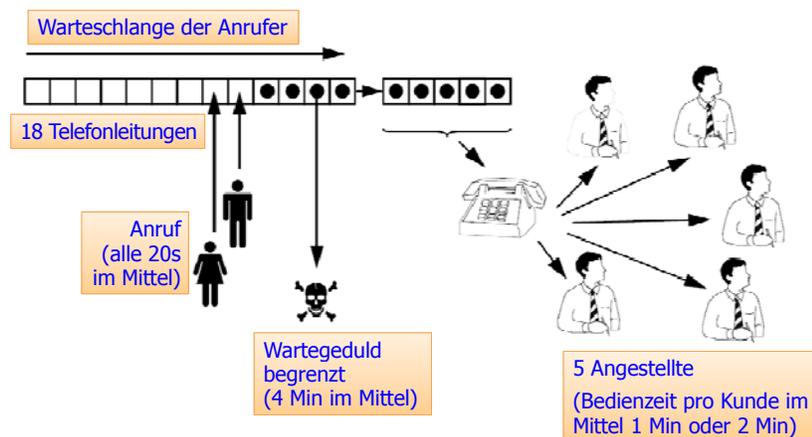
18

Resümee (11)

- **Simulation**
 - Definition, Zweck, Anwendungsgebiete
 - Modell und Modellierung
- **Zeitgesteuerte Simulation** – Bsp. „Weizen, Mäuse, Katzen“
 - „Korrekte“ Umsetzung der Spezifikation in ein Simulationsmodell
 - Periodische Neuberechnung der 3 relevanten Zustandsgrößen
 - Grösse von Δt
- **Ereignisgesteuerte Simulation**
 - Vorantreiben der Simulation (und Simulationszeit) durch Ereignisse
 - Beispiel: Call-Center eines Reisebüros

19

Resümee (11) Unser Reisebüro



20

Resümee (12)

- **Ereignisgesteuerte Simulation**
 - Modellierung quasi-paralleler Abläufe durch verzahnte Ereignisfolgen
 - Ereigniseinplanung; Ereignisroutinen; Simulatorzyklus
- **Ereignislisten (*insert*, *get_min*) als abstrakte Datentype**
 - Als sortierte Liste; als unsortierte Liste; als Heap („partiell sortiert“)
- **Heap-Datenstruktur**
 - Definition (Binärbaum...)
 - Niveauweise Speicherung als Array
 - Java-Implementierung von *insert* und *get_min*
- **Heapsort**
 - $O(n \log n)$ Zeitaufwand auch im worst case, „in place“

21

Resümee (13)

- **Prozesse, Multitasking**
 - Prozesszustände
 - Kontextwechsel
- **Threads in Java**
 - Erzeugen
 - Beispiel für parallele Threads („Hin-Her“)
 - Methoden zur Thread-Steuerung (*start*, *stop*, *suspend*, *resume*, *join*,...)
- **Scheduling von Threads**
 - Prioritäten
 - „Simulation“ eines Zeitscheiben-Schedulers

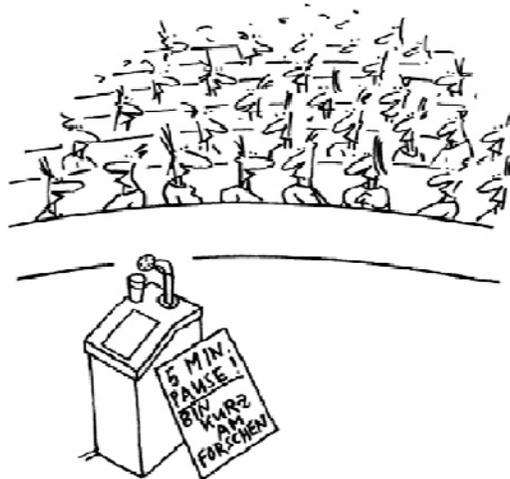
22

Resümee (14)

- **Multithreading: race conditions**
- **Atomarität**
 - Inkonsistenzen bei Nicht-Atomarität
 - Unterbrechungssperren mittels Thread-Prioritäten?
- **Kritische Abschnitte**
 - Safety, Liveness, Fairness
 - Realisierung mit dem Synchronized-Konstrukt von Java
- **Deadlocks**

23

Ende



24