

# Übungsserie Nr. 4

Ausgabe: 18. März 2009  
Abgabe: 25./26. März 2009

## 1. Aufgabe: (4 Punkte) Umwandlung von Infix nach Postfix

In dieser Aufgabe müssen Sie ein Programm zur Umwandlung von Infix-Ausdrücken in Postfix-Notation schreiben, das *mehrziffrige* Operanden verarbeiten kann. Orientieren Sie sich dabei am Programm aus der Vorlesung (Postfixumwandlung mittels Stack, Folie 138 ff.).

Sie finden `InfToPost.java` (eine unseren Bedürfnissen angepasste Form des Programmes der Vorlesung) sowie die Hilfsklasse `Stack` auf der Vorlesungs-Webseite zum Herunterladen. Beachten Sie, dass nur *korrekte, vollständig geklammerte Ausdrücke* verarbeitet werden dürfen. Zum Übersetzen des Programms müssen dem Compiler die beiden Dateien `InfToPost.java` und `Stack.java` auf der Kommandozeile übergeben werden.

(1a) (2 Punkte) Fügen Sie im Code der Hilfsklasse `Stack.java` geeignete Kommentare ein, so dass die Methoden dieser Klasse ausführlich beschrieben sind. Geben Sie die so kommentierte Klasse Ihrem Tutor ab.

(1b) (2 Punkte) Testen Sie Ihr Programm mit den folgenden Eingaben und geben Sie die Ergebnisse sowie das vervollständigte Programm `InfToPost.java` Ihrem Tutor ab:

i)  $5 + ((23 + 17) * 9)$

ii)  $12 + (5 * ((76 + 42) + 19))$

## 2. Aufgabe: (8 Punkte) Auswertung von Syntaxdiagrammen

(2a) (3 Punkte) Geben Sie ein Syntaxdiagramm an, das als zulässige Ausdrücke Folgen von Multiplikationen erzeugt. Dabei sollen nur einzelne Ziffern (Terminalsymbole '0' bis '9') multipliziert werden dürfen; Klammern sowie der leere Ausdruck sind nicht vorgesehen. Beispielsweise sollen die folgenden Zeichenketten zulässige Ausdrücke nach Ihrem Syntaxdiagramm sein:

```
9
4*3
7*0*1
```

(2b) (5 Punkte) Laden Sie sich das Code-Fragment `Expr.java` von der Vorlesungs-Webseite herunter. Vervollständigen Sie die *rekursive* Java-Methode `int evalExprRec(int i)`, die einen (syntaktisch korrekten!) Ausdruck auswertet und das Resultat zurückgibt.

## 3. Aufgabe: (3 Punkte) Java-Bytecode

Betrachten Sie folgenden Ausschnitte eines Java-Bytecode-Programms:

```
Method int f(int, int, int)
  0 iload_0
  1 iload_1
  2 iadd
  3 iload_2
  4 idiv
  5 ireturn

Method int g(int, int)
  0 iload_0
  1 iload_1
  2 iconst_3
  3 invokestatic #27; //Method f:<III>I
  6 ireturn
```

(3a) (1 Punkt) Die Methode `f()` hat drei Parameter, die den Variablen-Indizes (in den Vorlesungsunterlagen "vindex" genannt) 0, 1 und 2 zugeordnet sind. Nennen wir sie  $a$  (für den Index 0),  $b$  (1) und  $c$  (2). Welche Funktion berechnet die Methode `f()`?

(3b) (1 Punkt) Wie hoch wird der Operandenstack während der Ausführung von `f()` maximal?

(3c) (1 Punkt) Die Methode `g()` benötigt zwei Parameter ( $a, b$ ) als Eingabe und ruft `f()` mit der Instruktion `invokestatic` auf. Welche Parameter übergibt sie an `f()`?

#### 4. Aufgabe: (8 Punkte) Stackimplementierung der Ackermann-Funktion

Die Ackermann-Funktion  $A(n, m)$  ist für alle  $n, m \in \mathbb{N}_0$  definiert durch:

$$\begin{aligned}A(0, m) &= m + 1 \\A(n + 1, 0) &= A(n, 1) \\A(n + 1, m + 1) &= A(n, A(n + 1, m))\end{aligned}$$

(4a) (1 Punkt) Berechnen Sie  $A(1, 1)$  und  $A(2, 2)$  “von Hand”.

(4b) (2 Punkte) Beschreiben Sie (in Pseudocode) einen *iterativen* Algorithmus, der die Ackermann-Funktion mit Hilfe eines Stacks berechnet. Geben Sie den Algorithmus unter Verwendung der üblichen Stack-Operationen *push*, *pop*, *getTop*<sup>1</sup> und *empty* an. Am Anfang wird der Stack mit den Elementen  $n$  und  $m$  initialisiert. Wie lautet die Abbruchbedingung Ihres iterativen Algorithmus?

(4c) (5 Punkte) Implementieren Sie Ihren Algorithmus aus Teilaufgabe b) und geben Sie den entsprechenden Code Ihrem Tutor ab. Benutzen Sie dazu das Code-Fragment `Ackermann.java` und die Hilfsklasse `Stack`, welche Sie von der Vorlesungs-Webseite herunterladen können. Geben Sie die Folge der einzelnen Berechnungsschritte in Form von “Schnappschüssen” des Stacks an. (Bemerkung: Die Ackermann-Funktion wächst sehr schnell; z.B. ist  $A(3, 3) = 61$ , aber  $A(4, 2)$  besitzt bereits 19729 Dezimalstellen!)

Summe: 23 Punkte

---

<sup>1</sup>`getTop` liefert das oberste Stack-Element, ohne es vom Stack zu entfernen.